

Professor Dr.-Ing. Stefan Kowalewski

Dipl.-Inform. Andreas Polzer Dipl.-Inform. Philipp Kranen



Aachen, 10. Januar 2008 SWS: V4/Ü2, ECTS: 7

Einführung in die Technische Informatik

WS 2007/2008 Probeklausur

Hinweise

Bitte sorgfältig durchlesen.

- Tragen Sie auf allen Blättern Ihren Namen und Ihre Matrikelnummer ein.
- Benutzen Sie den Platz auf den Aufgabenblättern und berücksichtigen Sie, dass auch auf den Rückseiten Aufgaben stehen.
- Falsche Antworten in Ankreuzteilen führen zu Punktabzug (jedoch nie zu negativen Punkten bei einer Aufgabe). Nicht-Beantwortung bzw. weiß nicht-Antworten führen nicht zu Punktabzug.
- Sollte Ihnen der Platz nicht ausreichen, so können Sie Papier von der Aufsicht bekommen.
- Jeder Punkt entspricht ungefähr einer Bearbeitungszeit von einer Minute. Die Bearbeitungszeit für die gesamte Klausur beträgt 90 Minuten.
- Schreiben Sie nur mit dokumentenechten Stiften wie z. B. Kugel- oder Tintenschreiber in blauer oder schwarzer Farbe. Lösungen mit Bleistift werden nicht bewertet.
- Legen Sie Ihren Studierendenausweis und einen amtlichen Lichtbildausweis bereit.
- Es sind keine Hilfsmittel erlaubt (außer Schreibzeug). Mit Ihrer Unterschrift versichern Sie Eides statt, dass die Prüfungsleistung von Ihnen ohne unzulässige fremde Hilfe erbracht worden ist.
- Diese Klausur besteht im Hauptteil aus den Aufgaben 1 -11 (TI und EGI zusammen) und Zusatzaufgaben 12 - 18 für Studierende die nur einen Teil der Klausur schreiben müssen.

Auswertung

Aufgabe	Punkte	Ergebnis
1	6,0	
2	4,0	
3	6,0	
4	6,0	
5	5,0	
6	10,0	
7	13,0	
8	10,0	
9	6,0	
10	10,0	
11	8,0	
12	9,0	
13	11,0	
14	10,0	
15	10,0	
16	10,0	
17	15,0	
18	10,0	
Gesamt:	159,0	

Note:						

Aufgabe 1 : [TI] Zahlensysteme (6 Punkte)

Rechnen Sie zwischen den Zahlensystemen um:

c)
$$(4762)_8 = ($$
)₁₆

Aufgabe 2 : [TI] Dualdarstellung im Rechner (4 Punkte)

Interpretieren Sie das Byte

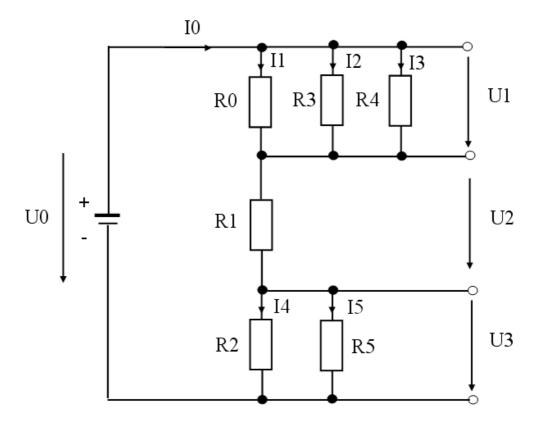
$$1\ 0\ 1\ 0\ 1\ 1\ 0\ 1$$

- a) als vorzeichenlose Dualzahl.
- b) als Dualzahl in Vorzeichen/Betrag-Darstellung.
- c) als Dualzahl im Einerkomplement.
- d) als Dualzahl im Zweierkomplement.

Geben Sie ihr Ergebnis jeweils als Dezimalzahl an.

Aufgabe 3 : [EGI] Kirchhoffschen Regeln (6 Punkte)

Betrachten Sie die folgende Schaltung:



Bekannt sind die folgenden Werte: $U_0=9V, U_1=4V, U_2=3V, U_3=2V$ und $R_5=12\Omega$. Des Weiteren ist bekannt, dass gilt: $I_1=I_2=I_3$ und $I_4=I_5$. Bitte berechnen Sie die folgenden Werte:

- a) Der Gesamtstrom I_0 beträgt:
- b) Der Wert der Ströme I_1, I_2, I_3 beträgt:
- c) Der Wert der Ströme I_4, I_5 beträgt:
- d) Der Wert des Widerstands R_0 beträgt:
- e) Der Wert des Widerstands R_1 beträgt:
- f) Der Wert des Widerstands ${\cal R}_4$ beträgt:





Aufgabe 4 : [TI] Funktionale Vollständigkeit (6 Punkte)

Beantworten Sie folgende Fragen mit Begründung!

a) Wann ist ein System $B = \{f_1, ..., f_n\}$ Boolescher Funktionen funktional vollständig? (2 Punkte)

b) Ist das System $\{f_1(x,y), f_2(x), f_3(x,y,z)\}$ Boolescher Funktionen funktional vollständig?

(4 Punkte)

Folgenden Definitionen der Booleschen Funktionen sind gegeben:

							x	y	z	J_3
							0	0	0	0
	\boldsymbol{x}	y	$ f_1 $				0	0	1	0
	0	0	1	x	f_2		0	1	0	0
$f_1(x,y)$:	0	1	1	$f_2(x)$: 0	0	$f_3(x,y,z)$:	0	1	1	0
	1	0	0	1	0		1	0	0	0
	1	1	0		1		1	0	1	1
			1				1	1	0	0
							1	1	1	1

Begründen Sie Ihre Antwort!

Aufgabe 5 : [TI] Boolesche Funktionen (5 Punkte)

Gegeben sind die folgenden einschlägigen Indizes 0, 3, 5, 7 einer Booleschen Funktion $f: B^3 \to B$. Kreuzen Sie in der nebenstehenden Liste genau die Funktionen an, die mit der gegebenen Funktion $f(x_1, x_2, x_3)$ übereinstimmen. D. h. die Funktionen $f_i(x_1, x_2, x_3)$, für die gilt:

$$f_i(x_1, x_2, x_3) = f(x_1, x_2, x_3), \forall i \in \{1, ..., 5\}.$$

- a) $f_1(x_1, x_2, x_3) = \overline{x}_1 \overline{x}_2 \overline{x}_3 + (\overline{x}_1 x_2 x_3) + x_1 \overline{x}_2 x_3 + x_1 x_2 x_3$
- ja nein weiß nicht
- b) $f_2(x_1, x_2, x_3) = x_1 x_2 x_3 + x_1 \overline{x}_2 \overline{x}_3 + \overline{x}_1 x_2 \overline{x}_3 + \overline{x}_1 \overline{x}_2 \overline{x}_3$
- ja nein weiß nicht

c) $f_3(x_1, x_2, x_3) = \overline{x}_1 \overline{x}_2 \overline{x}_3 + x_3$

ja nein weiß nicht

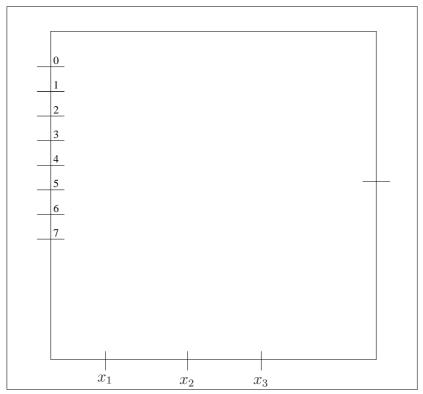
d) $f_4(x_1, x_2, x_3) = (x_1 + x_2 + x_3) + (x_1 \to x_2)x_3$

- ja nein weiß nicht
- e) $f_5(x_1, x_2, x_3) = ((x_1 + x_2 + x_3) \rightarrow x_1x_3) + \overline{x}_1x_2x_3$
- ja nein weiß nicht

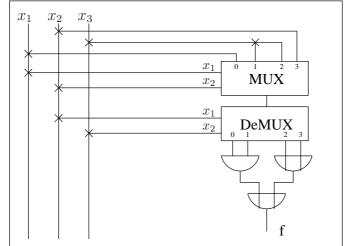
Aufgabe 6 : [TI] Multiplexer (10 Punkte)

Die Beschriftung der Ein- bzw. Ausgänge der Bausteine in der gesamten Aufgabe folgt den Konventionen der Vorlesung, d.h. die gewählte Adresse eines DeMUX bzw. MUX wird beschrieben durch $(x_1x_2x_3)_2$ (3x8 MUX) bzw. $(x_1x_2)_2$ (2x4 MUX).

a) Konstruieren Sie in der folgenden Skizze aus drei 2x4 Multiplexern einen 3x8 Multiplexer! Benennen Sie die Steuer- und Eingangsleitungen der verwendeten Multiplexer. (6 Punkte)



b) Eine Boolesche Funktion $f(x_1, x_2, x_3)$ sei durch die folgende Schaltung realisiert:



Bestimmen Sie die nebenstehende Funktionstabelle von f. (4 Punkte)

x_1	x_2	x_3	f
0	0	0	
0	0	1	
0	1	0	
0	1	1	
1	0	0	
1	0	1	
1	1 1		
1	1	1	

Aufgabe 7 : [TI] Quine-McCluskey-Verfahren (13 Punkte)

a) Die folgende Tabelle enthält alle Minterme einer Booleschen Funktion $f:B^4\to B$. Bestimmen Sie alle Implikanten, die sich in der 1. Iteration (und nur in der 1. Iteration) des Quine-McCluskey-Verfahrens ergeben, und tragen Sie diese in der zweiten Tabelle ein. (5 Punkte)

0. Iteration:

Gruppe	Implikant	Index	Minterm-Nummern
0	$x_1x_2x_3x_4$	1111	15
1	$x_1\overline{x}_2x_3x_4$	1011	11
2	$\overline{x}_1\overline{x}_2x_3x_4$	0011	3
	$\overline{x}_1 x_2 x_3 \overline{x}_4$	0110	6
	$x_1x_2\overline{x}_3\overline{x}_4$	1100	12
3	$\overline{x}_1\overline{x}_2\overline{x}_3x_4$	0001	1
	$\overline{x}_1\overline{x}_2x_3\overline{x}_4$	0010	2

1. Iteration:

Gruppe	Implikant	Index	Minterm-Nummern
0			
1			
2			
4			

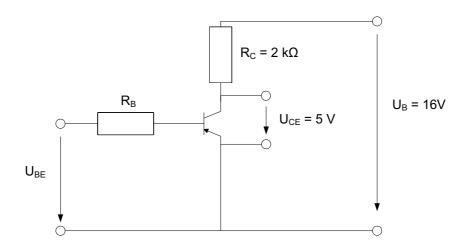
b) Angenommen, die untenstehende Implikationsmatrix ist während der Anwendung des Quine-McCluskey-Verfahrens auf eine fünfstellige Boolesche Funktion f erstellt worden.

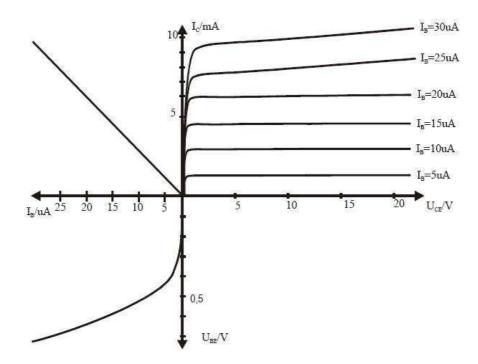
Minterm	4	9	10	11	13	14	15	23	24	25	26	27	28	30
Primimplikant														
$\overline{x}_1 x_2 x_5$	0	1	0	1	1	0	1	0	0	0	0	0	0	0
$x_1x_2\overline{x}_5$	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	1	0	1	1
$x_2\overline{x}_3x_5$	0	1	0	1	0	0	0	0	0	1	0	1	0	0
$x_1x_2\overline{x}_3x_5$	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	1	0	0
$x_1\overline{x}_2x_3x_4x_5$	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0
$x_1x_2\overline{x}_3$	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	1	1	0	0
$x_1x_2\overline{x}_3\overline{x}_5$	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	1	0	0	0
$\overline{x}_1 x_2 x_4$	0	0	1	1	0	1	1	0	0	0	0	0	0	0
$\overline{x}_1\overline{x}_2x_3\overline{x}_4\overline{x}_5$	1	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0
$x_2x_4\overline{x}_5$	0	0	1	0	0	1	0	0	0	0	1	0	0	1

Bestimmen Sie das Minimalpolynom der Funktion $f!$	(6 Punkte
Ist das Minimalpolynom eindeutig? Begründen Sie Ihre Antwort!	(2 Punkte

Aufgabe 8 : [EGI] Transistorschaltung (10 Punkte)

Gegeben sei folgende Transistorschaltung mit dem dazugehörigen Kennlinienfeld:

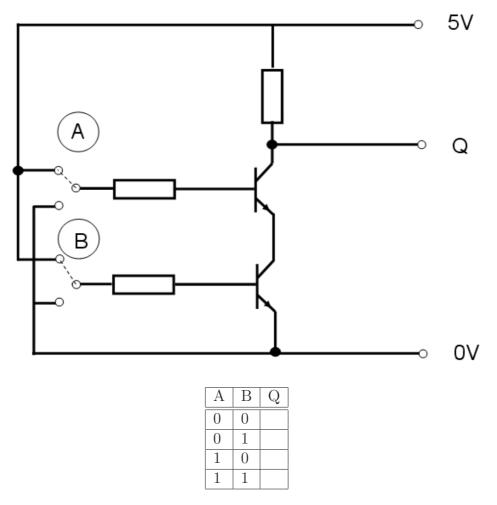




- a) Zeichnen Sie die Lastwiderstandsgerade in das obere Kennlinienfeld ein.
- b) Berechnen Sie den Arbeitspunkt des Transistors und tragen Sie ihn in das Kennlinienfeld ein.
- c) Bestimmen Sie den Basisstrom der obrigen Schaltung, dieser beträgt:

Aufgabe 9 : [EGI] Anwendung von Transistoren (6 Punkte)

Gegeben ist die folgende Schaltung mit zwei Transistoren, drei Widerständen und zwei Wechselschaltern A und B. Des Weiteren gilt die Konvention, dass 0V einer logischen 0 und 5V einer logischen 1 entsprechen. Auch ohne die Werte der Widerstände zu kennen, können Sie qualitative Aussagen zum Verhalten der Schaltung machen.



- a) Bitte füllen Sie die Tabelle aus.
- b) Die realisierte Boolesche Funktion heißt:

Aufgabe 10 : [EGI] Multiple Choice (10 Punkte)

1.	Elel	ktrische Ladung:		(5 Punkte)
	(a)	Das elektrische Feld ist ein Raumbereich, in dem auf. eine Probeladung eine Kraft ausgeübt wird.	ja	nein weiß nicht
	(b)	Die elektrische Feldstärke ist abhängig von der Probela dung $q.$	ja	nein weiß nicht
	(c)	Es gilt $1C = 1As$.	ja	nein weiß nicht
	(d)	Das Gesetz von Coulomb besagt, dass die Kraft zwischen zwei Ladungen proportional zum Produkt beider Ladungen und proportional zum Quadrat ihres Abstandes ist.	ja	nein weiß nicht
	(e)	Zwei Elektronen ziehen sich aufgrund der Kraft an, die . durch das Gesetz von Coulomb beschrieben wird.	ja	nein weiß nicht
2.	Elel	ktrische Spannung und Potenzial:		(5 Punkte)
2.		Das Potential eines elektrischen Feldes ist die Fähigkeit,. Arbeit zu verrichten.	ja	nein weiß nicht
2.	(a)	Das Potential eines elektrischen Feldes ist die Fähigkeit,.	ja ja	
2.	(a) (b)	Das Potential eines elektrischen Feldes ist die Fähigkeit, . Arbeit zu verrichten. Die Einheit der elektrischen Spannung ist Volt (V) und .		nein weiß nicht
2.	(a)(b)(c)	Das Potential eines elektrischen Feldes ist die Fähigkeit,. Arbeit zu verrichten. Die Einheit der elektrischen Spannung ist Volt (V) und . es gilt $1V=1\frac{N}{C}$. Innerhalb eines beliebigen elektrischen Feldes hängt die . geleistete Arbeit W des elektrischen Feldes E an der	ja	nein weiß nicht nein weiß nicht

Aufgabe 11 : [TI] Disjunktive Normalform und Konjunktive Normalform (8 Punkte)

Sei $f: B^3 \to B$ die Boolesche Funktion mit $f(x_1, x_2, x_3) = 1$ gdw. $(x_1x_2x_3)_2$ durch 3 oder 4 teilbar ist.

- a) Kreuzen Sie in der nebenstehenden Liste genau die Terme an, die zur DNF von $f(x_1, x_2, x_3)$ gehören.
- b) Kreuzen Sie in der nebenstehenden Liste genau die Terme an, die zur KNF von $f(x_1, x_2, x_3)$ gehören.

a)	b)
	a)

 $\overline{x}_2\overline{x}_3$

Name: Matrikelnummer:

Zusatzteil

Aufgabe 12 : [Zusatz TI] Karnaugh Diagramme (9 Punkte)

Minimieren Sie mit Hilfe von Karnaugh-Diagrammen!

a) Im Folgenden ist die vierstellige Boolesche Funktion f definiert durch Ihre einschlägigen Indizes: 1, 3, 5, 6, 7, 11, 13, 15. Minimieren Sie die Funktion f mit Hilfe des folgenden Karnaugh-Diagramms: (3 Punkte)

		x_1x_2									
		00	01	11	10						
	00										
r_0r_1	01										
x_3x_4	11										
	10										

Bestimmen Sie das (eindeutige) Minimalpolynom:

(2 Punkte)

b) Minimieren Sie die vierstellige Boolesche Funktion f mit Hilfe des folgenden Karnaugh-Diagramms. Die Funktion f ist durch die nebenstehende Funktionstabelle gegeben. Beachten Sie, dass die Funktion nicht vollständig definiert ist. Die fehlenden Werte können als beliebig angesehen werden. (3 Punkte)

		x_1x_2								
		00	01	11	10					
	00									
x_3x_4	01									
w3w4	11									
	10									

x_1	x_2	x_3	x_4	f
0	0	0	1	1
0	0	1	0	1
0	0	1	1	1
0	1	0	1	1
0	1	1	0	0
1	0	0	0	1
1	0	0	1	0
1	0	1	1	0
1	1	0	0	0
1	1	0	1	0
1	1	1	0	1
1	1	1	1	0

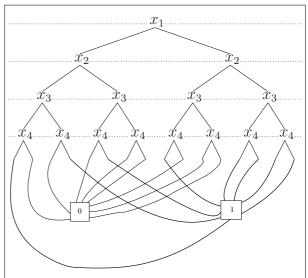
Bestimmen Sie das (eindeutige) Minimalpolynom!

(1 Punkt)

Aufgabe 13 $\,\,$: [Zusatz TI] Ordered Binary Decision Diagram (11 Punkte)

a)	Gegeben ist die dreistellige Boolesche Funktion $f(x_1, x_2, x_3)$ durch ihre nicht einschlägigen Indizes 0, 1, 2, 4, 6. Stellen Sie im folgenden Bild, in der Variablenreihenfolge $x_1 < x_2 < x_3$, die Funktion f als OBDD dar! Als Konvention gilt, dass die linke Kante ein Null -Kante ist und die rechte Kante eine Eins -Kante ist. Verwenden Sie auf jeden Fall die Hilfslinien als Anhaltspunkte für die Ebenen und die entsprechenden Lücken für die entsprechenden Variablen. Die unterste Ebene ist entsprechend der Vorgaben schon gemäß der Verschmelzungsregel zu einem Null -Knoten und einem Eins -Knoten zusammengefasst. (3 Punkte)

b) Minimieren Sie das nebenstehende OBDD gemäß des Algorithmus aus der Vorlesung! Wenden Sie den Algorithmus aber nur auf die zwei untersten Schichten an (Schicht mit Null- und Eins-Knoten und Variablenschicht x_4)! Es gelten die gleichen Konventionen wie in a). Zusätzlich soll zuerst die Eliminationsregel von links nach rechts und anschließend die Verschmelzungsregel von links nach rechts angewendet werden. (4 Punkte)



_	
0	1

Aufgabe 14 : [Zusatz TI] Rechenzeit von Addierwerken (10 Punkte)

Beantworten Sie die folgenden Fragen jeweils für ein n-Bit-Parallel-Addierwerk, ein n-Bit-Serien-Addierwerk und ein n-Bit-von-Neumann-Addierwerk, und tragen Sie die Antworten in die untenstehende Tabelle ein.

Für diese Aufgabe soll gelten, dass

a) Wie viele Delays und wie viele Halbaddierer werden für das n-Bit-Addierwerk benötigt? Rechnen Sie dabei mit zwei Halbaddierern für einen Volladdierer.

		ı	<i>n</i> -Bit-Addierwer	k
		Parallel	Serien	von-Neumann
Hardware —	Delays			
nardware —	Halbaddierer			

- b) Wieviele Schritte benötigt das n-Bit-Addierwerk zur Addition zweier Summanden
 - im schlechtesten Fall (im "worst case")?
 - im besten Fall (im "best case")?

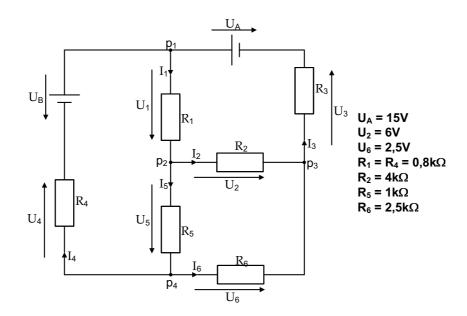
Nehmen Sie dabei an, dass das Laden der zwei zu addierende Summanden in Akkumulator und Puffer des n-Bit-Addierwerks bereits geschehen ist. (Beachten Sie, dass dabei auch das Übertrags-Delay U (mit 0) und ggf. das Status-Delay S (mit 1) geladen werden.)

		r	n-Bit-Addierwer	k
		Parallel	Serien	von-Neumann
Schritte -	schlechtester Fall			
Deminie -	bester Fall			

c) Welche "Addierzeit" (= Schritte × Taktzeit) hat das n-Bit-Addierwerk? Entnehmen Sie dabei die Taktzeit des n-Bit-Addierwerks aus der untenstehenden Tabelle.

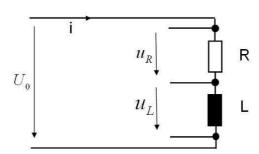
			<i>n</i> -Bit-Addierwer	k
		Parallel	Serien	von-Neumann
Taktzeit in psec		28 + 14n	56	35
Addierzeit -	schlechtester Fall			
Addlerzen -	bester Fall			

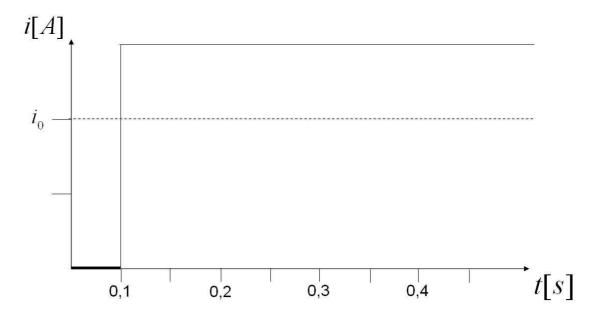
Aufgabe 15 : [Zusatz EGI] Spannungen, Ströme, Widerstände (10 Punkte) Gegeben sei die folgende Schaltung.



- a) Berechnen Sie U_1 , U_3 sowie I_2 für $I_1 = 5mA$.
 - (a) Der Wert der Spannung U_1 beträgt:
 - (b) Der Wert der Spannung U_3 beträgt:
 - (c) Der Wert des Stroms I_2 beträgt:
- b) Berechnen Sie U_5 , I_5 und I_6 . (Es gilt weiterhin $I_1=5mA$.)
 - (a) Der Wert der Spannung U_5 beträgt:
 - (b) Der Wert des Stroms I_5 beträgt:
 - (c) Der Wert des Stroms I_6 beträgt:
- c) Berechnen Sie I_3 , I_4 , R_3 und U_4 .
 - (a) Der Wert des Stroms I_3 beträgt:
 - (b) Der Wert des Stroms I_4 beträgt:
 - (c) Der Wert des Widerstands R_3 beträgt:
 - (d) Der Wert der Spannung U_4 beträgt:

Aufgabe 16 : [Zusatz EGI] Verhalten einer Spule (10 Punkte) Gegeben ist die folgende Schaltung:





Der ohmsche Widerstand der Spule wird vernachlässigt. Zum Zeitpunkt $t_0=0,1s$ steigt die Spannung U_0 sprunghaft von 0V auf den Wert 5V an. Der Widerstand R hat einen Wert von 5Ω und die Spule von 0,5H. Hinweis, es gilt: $i=i_0\cdot(1-e^{-\frac{R}{L}\cdot t})$.

a) Wie ist die Zeitkonstante einer Spule definiert?

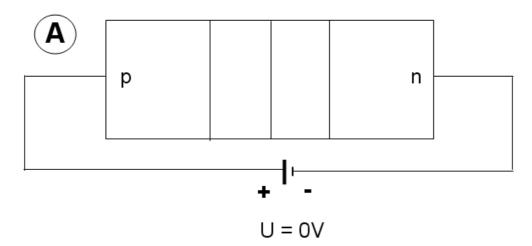
- b) Welche Einheit hat die Zeitkonstante einer Spule?

c) Berechnen Sie den max. Strom i_0 , dieser beträgt:

- d) Berechnen Sie die Zeitkonstante der Spule, diese beträgt:
- e) Skizzieren Sie in der obigen Abbildung die Stromverlauf-Funktion.

Aufgabe 17 : [Zusatz EGI] Halbleiterdiode (15 Punkte)

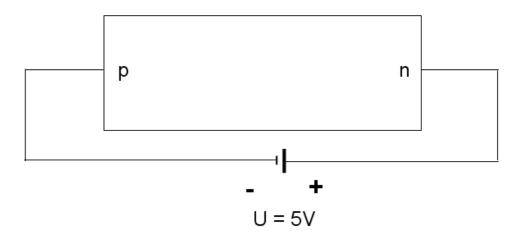
Folgender pn-Übergang ist gegeben. Dabei wird die **physikalische Stromrichtung** angenommen.



1.	Erklären Sie,	was unter Rekombination verstanden wird.	3 Punkte)
		Was alled I tollollistication version with a	0 - 0



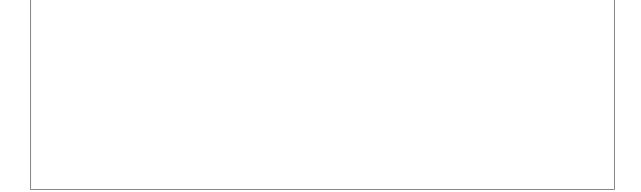
2. (a) Skizzieren Sie in der nachfolgenden Abbildung die Breite der Sperrzone relativ zum oben abgebildeten Fall (siehe Abbildung (A)). Das heißt, aus Ihrer Skizze muss deutlich werden, wie sich die Sperrzone bei Anlegen der Spannung verändert. Skizzieren Sie des Weiteren in der Sperrzone die Raumladung; also füllen Sie die Sperrzonen mit "+" (=Löcher) und "-" (=Elektronen) aus, um die Verteilung der Elektronen und Löcher zu symbolisieren.



(b) Erklären Sie, warum Sie die eingezeichnete Verteilung der Raumladungen gewählt haben: (2 Punkte)



(c) Fließt in diesem Fall ein Strom im Stromkreis? Begründen Sie Ihre Antwort. (2 Punkte)



3.	(a)	Angenommen in dem gegebenen pn-Übergang (siehe Abbildung (A)) läge statt der Spannung von $U=0V$ eine Spannung von $U=5V$ an. Erklären Sie, wie in diesem Fall die Sperrzone aussähe und geben Sie eine Begründung hierfür. (2 Punkte)
	(b)	Fließt in diesem Fall ein Strom im Stromkreis? Begründen Sie Ihre Antwort. (1 Punkt)
	Spar	enommen in dem gegebenen pn-Übergang (siehe Abbildung (A)) läge statt der nung von $U = 0V$ eine Spannung von $U = 0, 1V$ an. Könnte in diesem Fall ein m fließen? Wovon hängt dieses ab? Begründen Sie Ihre Antwort! (3 Punkte)

Name:

Aufgabe 18 : [Zusatz EGI] VHDL (10 Punkte)

Gegeben ist der folgende VHDL Code, dabei sind D und CLK Eingangssignale und Q ein Ausgangssignal.

1. Erklären Sie, was mit "P1" in dem gezeigten Code-Fragment gemeint ist. (1 Punkt)

2. Vergleichen Sie das obige mit dem nachfolgenden Code-Fragment. Welche Veränderungen im Verhalten ergeben sich daraus? Begründen Sie Ihre Antwort! (2 Punkte)

3. Was bewirkt "CLK='1'" in der Bedingung der IF-Anweisung?

(3 Punkte)

4. Simulieren Sie nun die Abarbeitung des VHDL-Codes, indem Sie in das nachfolgende Diagramm die Veränderung des Ausgangssignals in Abhängigkeit von der Zeit eintragen.

(4 Punkte)

