

1.0. DC AEM **Stromkreis**
 AC $y(t) = y_1(t) + y_2(t)$
 AEM $y(t) = y_1(t) + y_2(t)$

1. Ordnung homogen: Separation d. Var. $y(x) = e^{\lambda x}$
 inhomogen: Variation d. Konstanten, Ann. v. T.d. Störfkt. $y(x) = u(x) \cdot e^{\lambda x}$
 2. Ordnung homogen: (komplex) Exp.-Ansatz, $y(x) = e^{\lambda x}$
 inhomogen: $u(x), A, v, T.d. Störfkt.$

Resonanz: 2. zwei Empfindliche, ohne Verlust
 \Rightarrow Dgl: $y''(x) + \omega^2 y(x) = 0 \Rightarrow \lambda = \pm j\omega$
 mit abklingende harmonische Schwingung:
 $y(x) = k_1 \cdot \cos(\omega_0 x) + k_2 \cdot \sin(\omega_0 x)$, $\omega_0 = \frac{1}{T_0}$

Exp.-Ansatz: $y(x) = k \cdot e^{\lambda x}$ mit k, T_0, A, k unbestimmt, in DGL einsetzen:
 $y'(x) + \alpha y(x) = 0 \Rightarrow \lambda k e^{\lambda x} + \alpha k e^{\lambda x} = 0 \Rightarrow (\lambda + \alpha) k e^{\lambda x} = 0$
 $\Rightarrow \lambda = -\alpha \Rightarrow y(x) = k e^{-\alpha x} \rightarrow$ AWP

(Kompl.) Exp.-Ansatz: $y(x) = e^{\lambda x}$ in DGL einsetzen:
 $y''(x) + ay'(x) + by(x) = 0 \Rightarrow (\lambda^2 + a\lambda + b)e^{\lambda x} = 0 \Rightarrow \lambda^2 + a\lambda + b = 0$
 1) $\lambda_1 = -\frac{a}{2} + j\frac{\sqrt{4b - a^2}}{2}$
 2) $\lambda_2 = -\frac{a}{2} - j\frac{\sqrt{4b - a^2}}{2}$
 3) $\lambda_1 = \alpha + j\beta, \lambda_2 = \alpha - j\beta \Rightarrow y(x) = k_1 \cdot \text{Re}\{e^{(\alpha + j\beta)x}\} + k_2 \cdot \text{Im}\{e^{(\alpha + j\beta)x}\}$
 $= k_1 \cdot e^{\alpha x} \cos(\beta x) + k_2 \cdot e^{\alpha x} \sin(\beta x)$ mit $e^{\alpha \pm j\beta} = e^{\alpha} (\cos(\beta) \pm j \sin(\beta)) \rightarrow$ AWP

AEM: Var.: DGL 1. ordn., $y(x) = \text{const.}$ (DC)
 Lösung des AWP: $y(x) = y(t \rightarrow \infty) + [y(t=0) - y(t \rightarrow \infty)] \cdot e^{-\frac{t-\tau_0}{T}}$
 $y(t=0)$: C: bei $t=0 \hat{=}$ ideale Spannungsquelle mit $U_C = U_C(t=0)$, d.h. Kurzschluss bei ungeladenem Kondens.
 L: bei $t=0$ ideale Stromquelle mit $I_L = I_L(t=0)$, d.h. offene Schaltung bei ungeladener Spule

Ans. v. T.d. Störfkt.: $y(x) = y_h(x) + y_p(x) = k(x) \cdot y_h(x)$ wobei $y_h(x)$ allg. Lösung
 DGL einsetzen $(y_h(x) + y_p(x))$ in DGL
 $k'(x) y_h(x) + k(x) y_h'(x) + k(x) [y_p(x)] = g(x)$
 $k'(x) y_h(x) + k(x) y_h'(x) = 0 \Rightarrow y_h(x) = \frac{1}{k(x)}$
 $y_p(x) = \int \frac{g(x)}{k(x)} dx = K(x) + C$
 in Ansatz $y(x) = k(x) \cdot y_p(x) = k(x) \cdot \left[\int \frac{g(x)}{k(x)} dx + C \right]$ liefert allg. Lösung

Stationärer Zustand / KWR: $y(t) = y_h(t) + y_p(t) \approx y_p(t)$ für $t \rightarrow \infty$, $y_p(t)$ wie folgt bestimmt
 DC: wie bei AEM-Endwert $C = \text{off. Sch.}$, $L = \text{Kurzschluss}$ $\Rightarrow y_p(t)$ "ablesen" \Rightarrow Störstromleiter
 AC: komplexe Wert: 1) Gleichung d. gesuchten Größe aufstellen, 2) Betrag und Phase bestimmen, 3) **Rechteckzeitwert** aus dem Realteil
 da Drehzeile bestimmt: $I_1 = I_0 \cdot \frac{R}{R + j\omega L}$, $I_2 = I_0 \cdot \frac{j\omega L}{R + j\omega L}$, $I_3 = I_0 \cdot \frac{1}{R + j\omega L}$
 $I_1(t) = \text{Re}\{I_1 \cdot e^{j(\omega t + \alpha_1)}\} = \sqrt{2} \cdot |I_1| \cdot \cos(\omega t + \alpha_1)$ Dann (bei DC/AC): $y(t) = y_h(t) + y_p(t) \rightarrow$ AWP

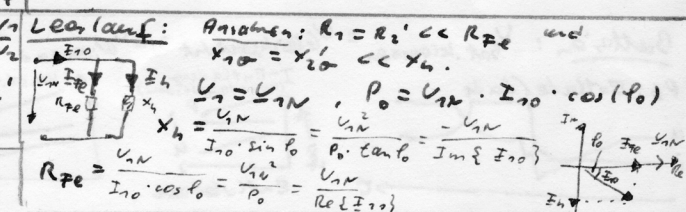
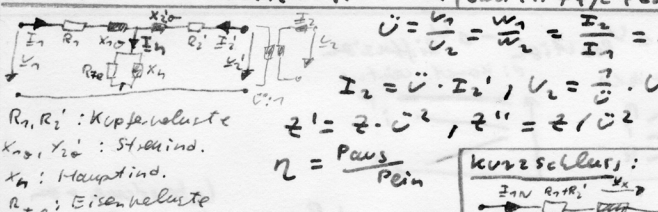
Ans. v. T.d. Störfkt.: $y(x) = y_h(x) + y_p(x)$ wie folgt bestimmt:
 1) $y(x) = \text{const.} \Rightarrow y_p(x) = k_0$, 2) $y(x) = Ax + B \Rightarrow y_p(x) = k_1 x + k_2$, 3) $y(x) = Ax^2 + Bx + C \Rightarrow y_p(x) = k_3 x^2 + k_4 x + k_5$
 $\Rightarrow y_p(x) = k_1 \sin(\omega x) + k_2 \cos(\omega x)$ oder $y_p(x) = k \cdot \sin(\omega x + \phi)$ oder $y_p(x) = k \cdot \cos(\omega x + \phi)$
 $\Rightarrow y_p(x) = k_1 \sin(\omega x) + k_2 \cos(\omega x)$ oder $y_p(x) = k \cdot \sin(\omega x + \phi)$ oder $y_p(x) = k \cdot \cos(\omega x + \phi)$
 Kopf-Verzweigung

Stationärer Zustand / KWR: $y(t) = y_h(t) + y_p(t) \approx y_p(t)$ für $t \rightarrow \infty$, $y_p(t)$ wie folgt bestimmt
 DC: wie bei AEM-Endwert $C = \text{off. Sch.}$, $L = \text{Kurzschluss}$ $\Rightarrow y_p(t)$ "ablesen" \Rightarrow Störstromleiter
 AC: komplexe Wert: 1) Gleichung d. gesuchten Größe aufstellen, 2) Betrag und Phase bestimmen, 3) **Rechteckzeitwert** aus dem Realteil
 da Drehzeile bestimmt: $I_1 = I_0 \cdot \frac{R}{R + j\omega L}$, $I_2 = I_0 \cdot \frac{j\omega L}{R + j\omega L}$, $I_3 = I_0 \cdot \frac{1}{R + j\omega L}$
 $I_1(t) = \text{Re}\{I_1 \cdot e^{j(\omega t + \alpha_1)}\} = \sqrt{2} \cdot |I_1| \cdot \cos(\omega t + \alpha_1)$ Dann (bei DC/AC): $y(t) = y_h(t) + y_p(t) \rightarrow$ AWP

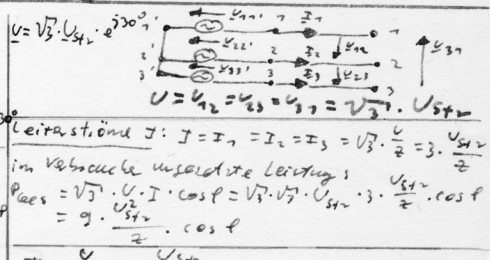
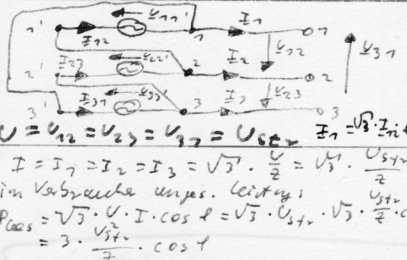
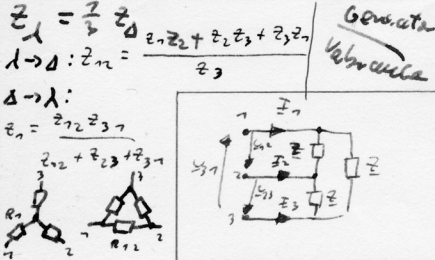
X	Z	Y	U	I	W	S	B/S
R	R	$G = \frac{1}{R}$	$R \cdot i_R$	$\frac{U_R}{R}$	SP	$R_E \cdot C$	ωC
C	$-\frac{1}{j\omega C}$	$j\omega C$	$\frac{1}{j\omega C} \cdot i_C$	$C \frac{dU_C}{dt}$	$\frac{1}{2} C U_C^2$	$R_E \cdot C$	ωC
L	$j\omega L$	$\frac{1}{j\omega L}$	$L \frac{di_L}{dt}$	$\frac{1}{2} L I_L^2$	$\frac{1}{2} L I_L^2$	L/R_E	$-\frac{1}{\omega L}$

$\phi = \phi_2 - \phi_1$
 $\tan \phi = \frac{\text{Im}}{\text{Re}} \quad z = \cos(\phi) = \frac{P}{|S|} \quad \phi = 90^\circ - \phi \quad \tan \phi = \frac{Q}{P} = \frac{1}{\cos \phi} = \frac{1}{\text{PF}}$
 L: Strom kann nicht springen
 C: Spannung kann nicht springen
 $Q_0 = \frac{Q_0}{R}, U = \frac{U_0}{2Q} = \frac{1}{2} \frac{R}{L} \alpha = e^{j\omega t}$
 Mon-Lösung: $p_1 = -\frac{R}{2L} + j\omega, p_2 = -\frac{R}{2L} - j\omega$
 $y(t) = e^{-\frac{R}{2L} t} \cdot [A \cdot e^{j\omega t} + B \cdot e^{-j\omega t}] = e^{-\frac{R}{2L} t} \cdot [C \cdot \cos(\omega t) + D \cdot \sin(\omega t)]$
 $S = U \cdot I^* = P + jQ, P = \text{Re}\{S\} = \frac{1}{2} \text{Re}\{U \cdot I^*\}, Q = \text{Im}\{S\} = \frac{1}{2} \text{Im}\{U \cdot I^*\}$

$\phi = \arctan\left(\frac{b}{a}\right) = \arctan\left(\frac{b}{a}\right)$ f. Quad. I & IV
 $\phi = \arctan\left(\frac{b}{a}\right) + \pi$ f. Quad. II & III, Quad. III (- π)
 $\phi = \text{sgn}(b) \frac{\pi}{2} = \pm \frac{\pi}{2}$ f. $\alpha = 0$
 Kosinussatz: $c^2 = a^2 + b^2 - 2ab \cos(\phi)$
 Sinussatz: $\frac{a}{\sin(\alpha)} = \frac{b}{\sin(\beta)} = \frac{c}{\sin(\gamma)}$



$U_{1N} = \sqrt{3} U_{ph}, S_N = 3 \cdot U_{phN} \cdot I_{1N}$, bei Spannungsabgabe ist immer auf Reileitung U_{ph} ausgeben, $i = \frac{E_{ph}}{Z_{ph}}, U = u \cdot i \cdot \phi, \phi_B = \phi_a \cdot \alpha^2$



Zustand

$U_N = \frac{1}{3}(U_1 + U_2 + U_3)$

$U_{i0} = U_i - U_N$

$\begin{pmatrix} U_{\alpha'} \\ U_{\beta'} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2/3 & -1/3 & -1/3 \\ 1/3 & 1/3 & 1/3 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} U_1 \\ U_2 \\ U_3 \end{pmatrix}$

$\begin{pmatrix} U_{\alpha'} \\ U_{\beta'} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ -1/2 & \sqrt{3}/2 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} U_{i0} \\ U_{iN} \end{pmatrix}$

$\begin{pmatrix} U_{\alpha'} \\ U_{\beta'} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \cos \omega t & -\sin \omega t \\ \sin \omega t & \cos \omega t \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} U_{\alpha'} \\ U_{\beta'} \end{pmatrix}$

$\begin{pmatrix} U_{\alpha'} \\ U_{\beta'} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \cos \omega t & \sin \omega t \\ -\sin \omega t & \cos \omega t \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} U_{\alpha'} \\ U_{\beta'} \end{pmatrix}$

1Ph-ESB:

3-Ph-ESB:

- Bestimme U_1, U_2, U_3 und $U_{\alpha'}, U_{\beta'}, U_{\gamma'}$ mit $u_1, u_2, u_3 \rightarrow u_{\alpha'}, u_{\beta'}, u_{\gamma'}$ und mit $U_1, U_2, U_3 \rightarrow U_{\alpha'}, U_{\beta'}, U_{\gamma'}$ (Formel)
 - $U_{\alpha'}, U_{\beta'} \rightarrow U_{\alpha'}, U_{\beta'}$ (Eiph. ESB für u_{α} und u_{β} (wir wollen ja!)) Daraus Maschenumläufe: $U_{\alpha} = \dots$
 - Beitragsgl. einsetzen. Trick: Da $\frac{1}{2} L_4 \gg L_P, L_S \Rightarrow i_{\alpha} \approx i_{\beta}$ 6.) Durch Masche: $U_{\alpha} - U_{\beta} = U_{L_P} - U_{L_S}$
 - Beitragsgl. einsetzen, noch i_{α} auflösen (U_{α}, U_{β} stehen lassen)! 7.) i_{β} gleich wie i_{α}
 - Nur $\alpha = \beta$ und $d' = \varphi'$. $i_{\alpha}' = -i_{\beta}'$, $i_{\gamma}' = -i_{\beta}'$ 9. Richtaufg.: $\begin{pmatrix} \alpha \\ \beta \end{pmatrix} \rightarrow \begin{pmatrix} i_{\alpha}' \\ i_{\beta}' \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} i_{\alpha}' \\ i_{\beta}' \end{pmatrix} \rightarrow \begin{pmatrix} i_{\alpha}' \\ i_{\beta}' \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} i_{\alpha}' \\ i_{\beta}' \end{pmatrix} \rightarrow \begin{pmatrix} i_{\alpha}' \\ i_{\beta}' \end{pmatrix}$
- Beispiel: Spule im Blockbetrieb, Ringanne: $\frac{1}{2} L_4$ \gg $L_P, L_S \Rightarrow$ $i_{\alpha} \approx i_{\beta}$
- Multidimensionale d. Ströme zeitl. in die d. Spannungen

Zwei Trafos Parallel: $U_{\alpha} = \frac{\sum S_{Ni}}{\sum S_{Ni}} \cdot U_N$, $S_N = S \cdot \frac{S_{N1}}{\sum S_{Ni}} \cdot U_N$, $S_2 = S \cdot \frac{S_{N2}}{\sum S_{Ni}} \cdot U_N$, $S =$ Soll-Leistung

Schaltgruppen: Yy0

Yy0: $U_{\alpha} = U_{N1} = u_1 \cdot \sqrt{3} \cdot e^{j\omega t}$, $U_{\beta} = -U_{N1} + U_{N2} = -u_2 \cdot j\omega \phi_{\alpha} + u_2 \cdot j\omega \phi_{\beta} = u_2 \cdot j\omega \phi_{\alpha} (-1 + \alpha^2) = u_2 \cdot j\omega \phi_{\alpha} \sqrt{3} \cdot e^{-j50^\circ}$

Yz5: $U_{\alpha} = U_{N1} = u_1 \cdot \sqrt{3} \cdot e^{j\omega t}$, $U_{\beta} = -U_{N1} + U_{N2} = -u_2 \cdot j\omega \phi_{\alpha} + u_2 \cdot j\omega \phi_{\beta} = u_2 \cdot j\omega \phi_{\alpha} (-1 + \alpha^2) = u_2 \cdot j\omega \phi_{\alpha} \sqrt{3} \cdot e^{-j50^\circ}$

Bandbreite: $\Delta \omega = \omega_2 - \omega_1$, $|\underline{z}(\omega_1)| = |\underline{z}(\omega_2)| = \sqrt{2} \cdot |\underline{z}(\omega_0)|$

$\omega > \omega_0$: $\text{Im}\{\underline{z}\} < 0$ kapazit. | $\omega < \omega_0$: $\text{Im}\{\underline{z}\} > 0$ ind.

Bandbreite: $\Delta \omega = \omega_2 - \omega_1$, $|\underline{z}(\omega_1)| = |\underline{z}(\omega_2)| = \sqrt{2} \cdot |\underline{z}(\omega_0)|$

Bandbreite: $\Delta \omega = \omega_2 - \omega_1$, $|\underline{z}(\omega_1)| = |\underline{z}(\omega_2)| = \sqrt{2} \cdot |\underline{z}(\omega_0)|$

Bandbreite: $\Delta \omega = \omega_2 - \omega_1$, $|\underline{z}(\omega_1)| = |\underline{z}(\omega_2)| = \sqrt{2} \cdot |\underline{z}(\omega_0)|$

Trietzsetzstelle: $\bar{y} = \frac{1}{T} \int_0^T y(t) dt$, $\bar{y} = \frac{1}{T} \sum y_i$ (Gleichwert: $|\bar{y}| = \frac{1}{T} \int_0^T |y(t)| dt$, $|\bar{y}| = \frac{1}{T} \cdot \sum |y_i|$)

Eff-wert: $\bar{y} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^T y^2(t) dt}$, $\bar{y} = \sqrt{\frac{1}{n} \sum y_i^2}$ ($\omega = 2\pi f = 2\pi \cdot \frac{1}{T}$)

Bandbreite: $\Delta \omega = \omega_2 - \omega_1$, $|\underline{z}(\omega_1)| = |\underline{z}(\omega_2)| = \sqrt{2} \cdot |\underline{z}(\omega_0)|$

Batterien: $U_{\text{Bat. Klammern}} = U_{\text{Gleichrichter}} - \Delta U_{\text{Widerstand}} - \Delta U_{\text{Reaktion}} - \Delta U_{\text{Diffusion}}$

Ps: Entlade/Lade

Lebensdauer von

- Supercap:** hohe Zyklenanzahl, hohe Leistungsdichte, hohe Energie-dichte, hohe Kosten, hohe Zellspannung, gute Zyklenlebensdauer
- Lithium:** hohe Energie-dichte, hohe Leistungsdichte, hohe Kosten, hohe Zellspannung, gute Zyklenlebensdauer
- Blei:** hohe Kosten, hohe Recyclingrate, hohe Energie-dichte, hohe Lifetime
- Problem: Sicherheit